



Zachodniopomorski
Uniwersytet
Technologiczny
w Szczecinie



<http://bazyluk.net/dydaktyka>



Wydział
Informatyki

Bartosz Bazyluk

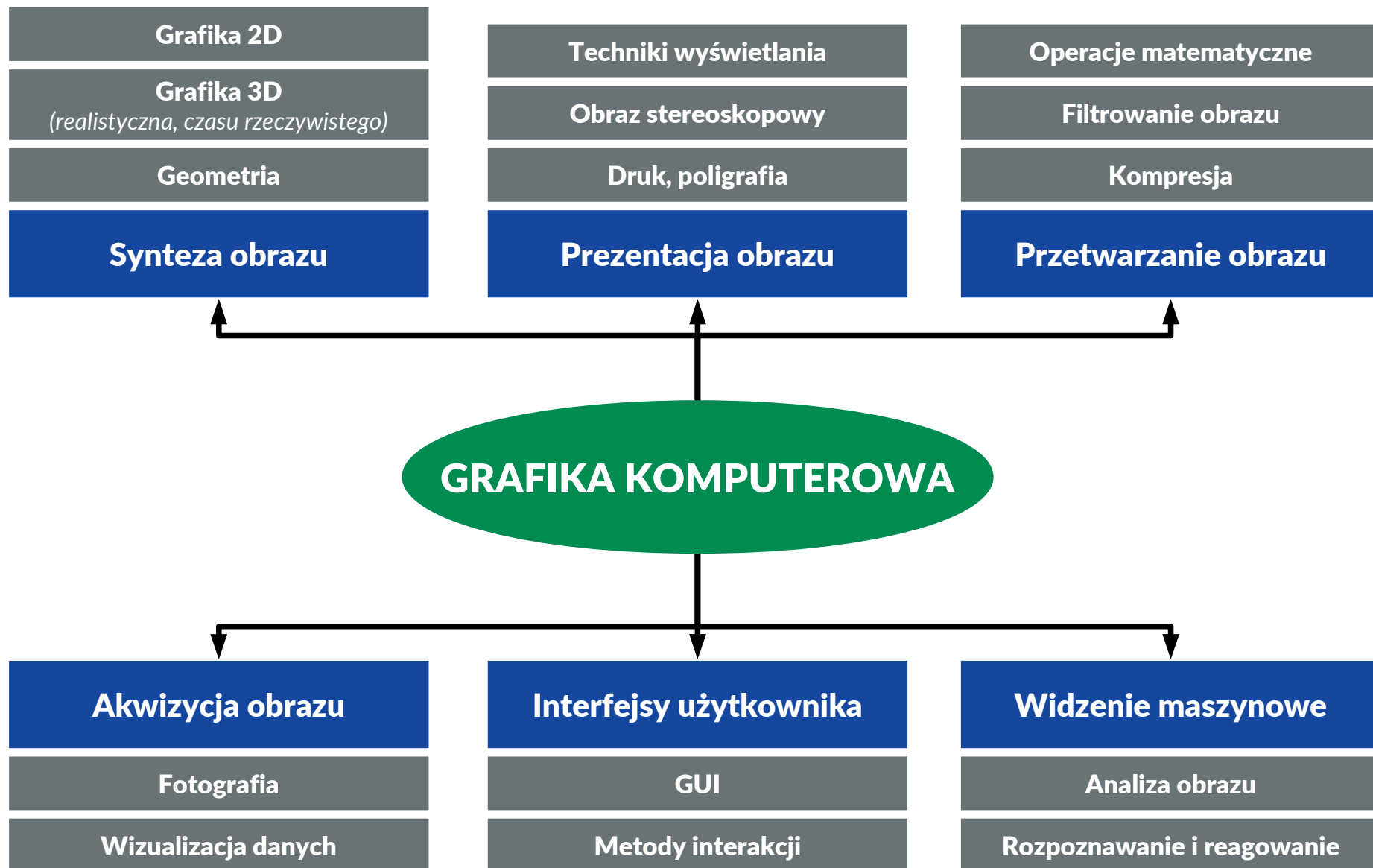
Wprowadzenie

Organizacja i tematyka zajęć, warunki zaliczenia

Grafika Komputerowa i Wizualizacja, Informatyka S1, II Rok

O MNIE

- mgr inż. **Bartosz Bazyluk**
- Pokój **322/WI2** lub **316/WI2**
- bbazyluk@wi.zut.edu.pl
- <http://bazyluk.net/dydaktyka>
 - wykłady, zadania, materiały, informacje
- Czym się zajmuję:
 - Programowanie **grafiki czasu rzeczywistego** i gier komputerowych 3D
 - **Eye tracking** jako narzędzie badań i interakcji
 - **Fotografia HDR** i przetwarzanie **obrazów HDR**
 - **Percepcja głębi** w obrazach syntezowanych komputerowo



TEMATYKA WYKŁADÓW

- **Synteza grafiki 3D w czasie rzeczywistym**
 - Programowanie grafiki
 - *OpenGL*
 - Techniki grafiki czasu rzeczywistego
 - Transformacje geometryczne
 - Scena i kamera
 - Oświetlenie i cieniowanie
 - Definicja geometrii
 - Tekstutowanie
 - Programy cieniujące
- **Obraz**
 - Przechowywanie i kompresja obrazu
 - Wyświetlanie obrazu
 - Fotografia i obrazowanie **HDR**

LITERATURA

- **Grafika komputerowa**
 - Peter Shirley, Stephen Robert Marschner. **"Fundamentals of Computer Graphics"**. AK Peters, 2009.
- **Grafika czasu rzeczywistego**
 - Tomas Akenine-Moller, Eric Haines, Naty Hoffman. **"Real-Time Rendering, Third Edition"**. AK Peters, 2008.
 - Mike McShaffry, David Graham. **"Game Coding Complete, Fourth Edition"**. Course Technology, 2012.
 - **"OpenGL Blue Book"**, czyli dokumentacja OpenGL.
<http://www.opengl.org/sdk/docs/>
 - **"OpenGL Red Book"**, czyli wprowadzenie do OpenGL.
<http://www.glprogramming.com/red/>

ZALICZENIE PRZEDMIOTU

- Uzyskanie oceny z **zajęć laboratoryjnych**
- Pozytywne zaliczenie **egzaminu końcowego**
 - Egzamin **pisemny**, forma **testowa**
 - Pytania mogą dotyczyć **wszystkich zagadnień** poruszanych na wykładach i laboratoriach
 - (bez spraw czysto programistycznych, nie programujemy na kartkach i bez dokumentacji)
 - Należy zdobyć **przynajmniej 50% punktów**, aby uzyskać ocenę pozytywną
 - **Dopuszczenie do egzaminu** warunkowane jest *wcześniej* uzyskaniem zaliczenia laboratoriów

KONKURS

- **Szczecin Gamedev Talents**

- **Coroczny konkurs na najlepszą studencką grę** towarzyszący przedmiotowi Grafika Komputerowa i Wizualizacja
- Już **9. edycja!**
- Aby **wziąć udział** w konkursie, należy uzyskać ocenę bardzo dobrą z laboratoriów **do dnia 22 stycznia 2016 r.**
- **Ogłoszenie wyników:** ostatni wykład, **25 stycznia 2016 r.**
- Osoby biorące udział w konkursie są **zwolnione z egzaminu** z oceną bardzo dobrą





Zachodniopomorski
Uniwersytet
Technologiczny
w Szczecinie



<http://bazyluk.net/dydaktyka>



Wydział
Informatyki

Bartosz Bazyluk

Grafika Komputerowa

Wstęp do syntezy trójwymiarowej grafiki komputerowej

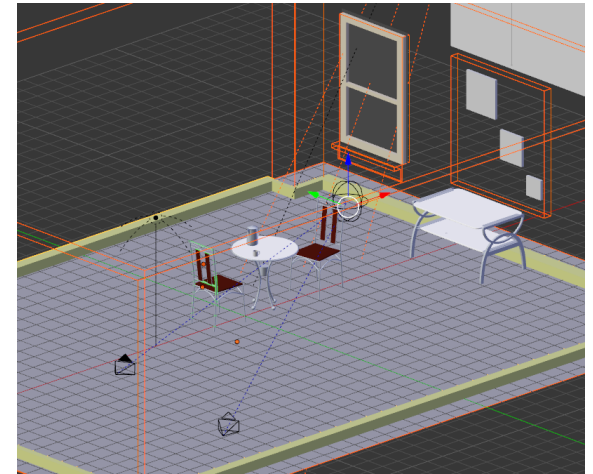
Grafika Komputerowa i Wizualizacja, Informatyka S1, II Rok

Synteza grafiki 3D

- Pod pojęciem **syntezy grafiki** rozumiemy stworzenie grafiki na podstawie jej opisu
- **Komputerowa synteza grafiki** to procesy algorytmiczne prowadzące do uzyskania cyfrowego obrazu na podstawie opisu jego zawartości
- **Synteza grafiki 3D** bazuje na opisie przestrzennego świata, znajdujących się w nim obiektów, ich cech, środowiska, itp.
 - **Opis** wycinka świata na potrzeby syntezy grafiki 3D nazywamy **sceną**
 - **Celem** syntezy grafiki 3D jest uzyskanie **obrazu 2D** będącego wizualizacją sceny przy zadanych kryteriach

Synteza grafiki 3D

- **Scena**
 - Geometryczny **opis** rozmieszczenia obiektów, oświetlenia, kamery, ...
- **Algorytm graficzny**
 - Proces często nazywa się *renderowaniem*
- **Obraz 2D**
 - **Wizualizacja**, "zdjęcie" sceny 3D widzianej w zadany sposób



Renderowanie

- Grafika **realistyczna**

- Renderowanie **off-line**
- **Nieograniczony czas** na przygotowanie każdej klatki animacji
- Celem jest uzyskanie **jak najlepszego obrazu**
- Zastosowania:
 - Film
 - Wizualizacja produktów
 - Sztucznie generowane obrazy
 - Sztuka

- Grafika **czasu rzeczywistego**

- Renderowanie **on-line**
- Konieczność **szybkiego wyświetlania** kolejnych klatek animacji
- Celem jest uzyskanie **satysfakcjonującego obrazu** przy zachowaniu **płynności animacji**
- Stosowane są liczne **uproszczenia**
- Zastosowania:
 - Gry komputerowe
 - Interaktywne symulacje
 - Wirtualna rzeczywistość

Grafika realistyczna

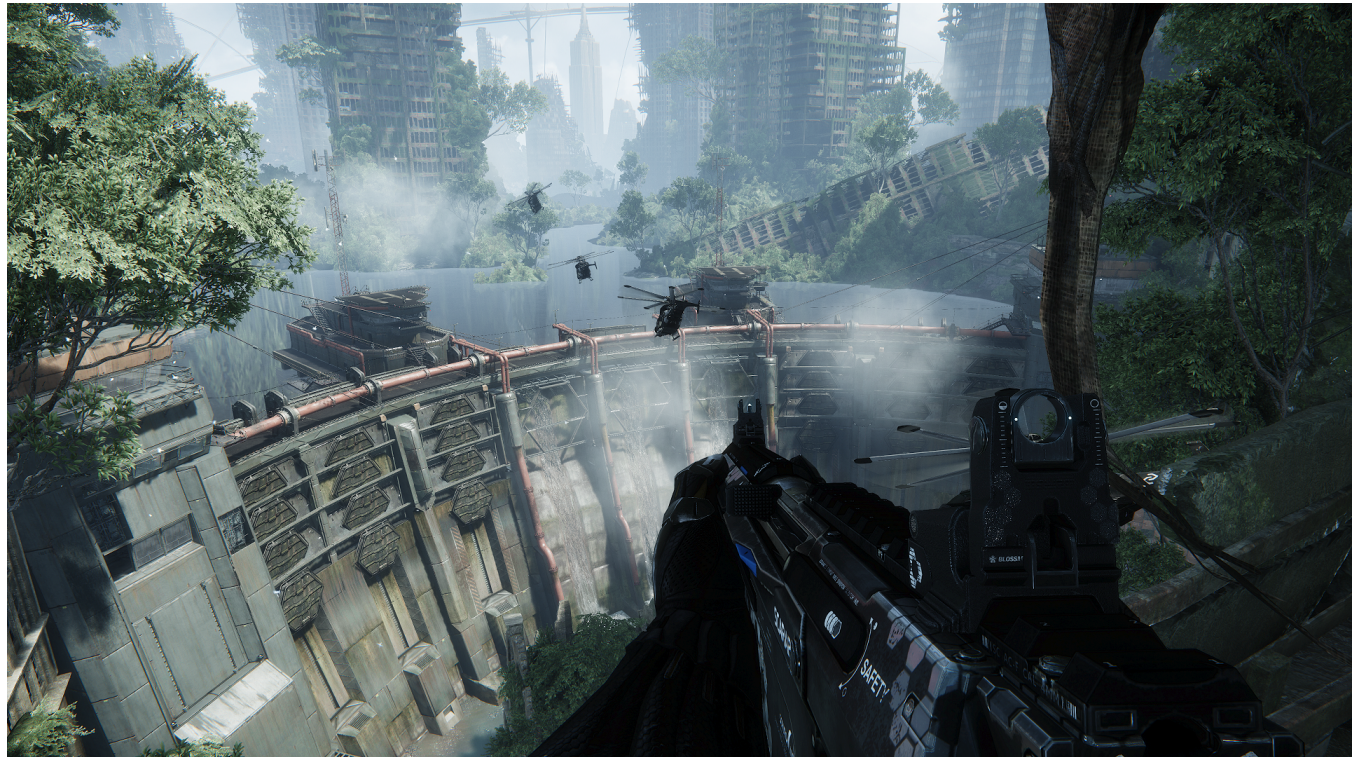
- **Nieograniczony czas na renderowanie**
 - Aby uzyskać najlepszy efekt, można poświęcić **od kilku sekund do nawet kilku dni** na wyrenderowanie jednej klatki animacji
- Algorytmy mające za zadanie naśladować **rzeczywiste zjawiska optyczne**
 - **Ogromna ilość obliczeń**, algorytmy takie jak np.:
 - *Raytracing*
 - *Photon mapping*



Źródło obrazu:
<http://venturebeat.com>

Grafika czasu rzeczywistego

- Konieczność uzyskania **płynności animacji**
 - Często mniej, niż $1/60$ sekundy aby wyrenderować klatkę
- Generowanie grafiki poprzez **uproszczenia**
 - Redukcja **szczegółowości**
 - Uproszczony **model oświetlenia**
 - Ograniczona symulacja **zjawisk wizualnych**



Źródło obrazu:
Crysis 3, Crytek

PROGRAMOWANIE

GRAFIKI KOMPUTEROWEJ

CZASU RZECZYWISTEGO

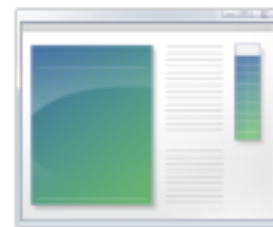
Źródło obrazu:
Future Network USA



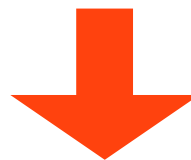
PROGRAMOWANIE

GRAFIKI KOMPUTEROWEJ

CZASU RZECZYWISTEGO



Game.exe



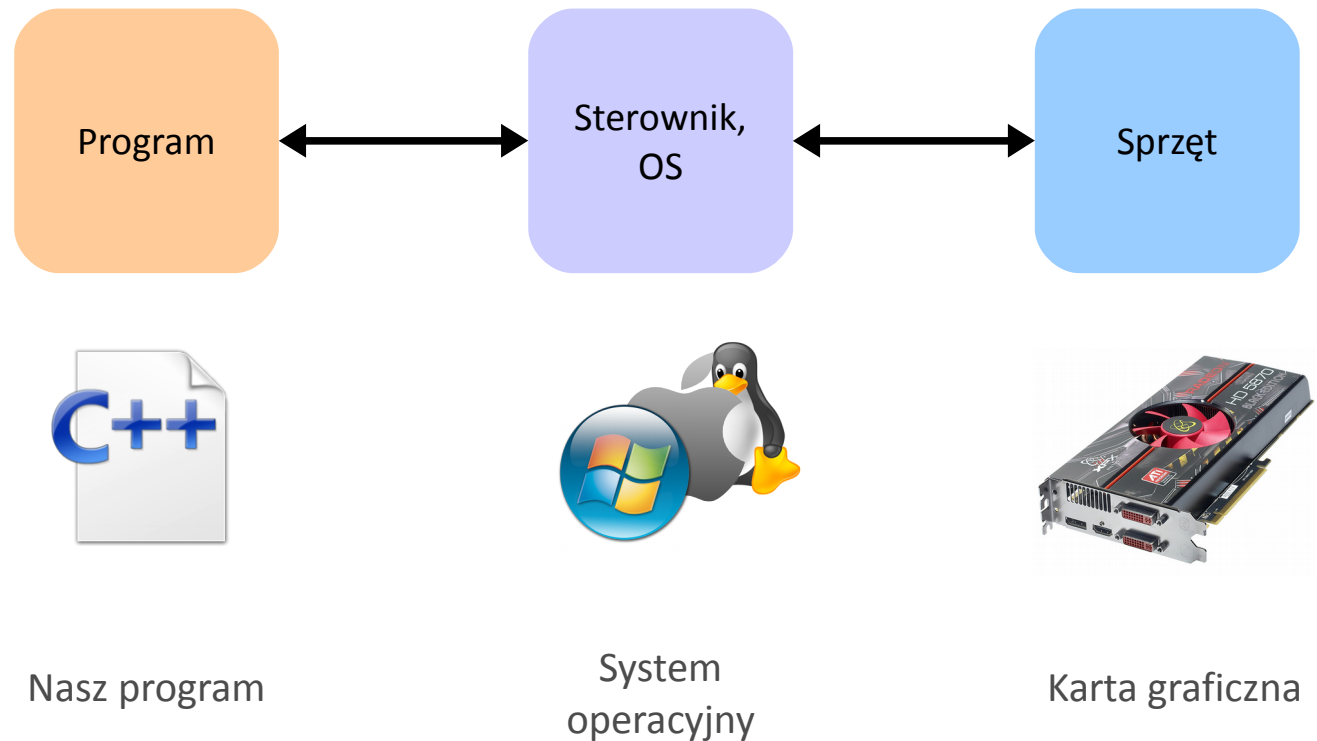
Źródło obrazu:
Electronic Arts

PROGRAMOWANIE

GRAFIKI KOMPUTEROWEJ

CZASU RZECZYWISTEGO

- Uproszczony **schemat działania** aplikacji grafiki czasu rzeczywistego
 - Problem: **zróżnicowanie platform** sprzętowo-programowych

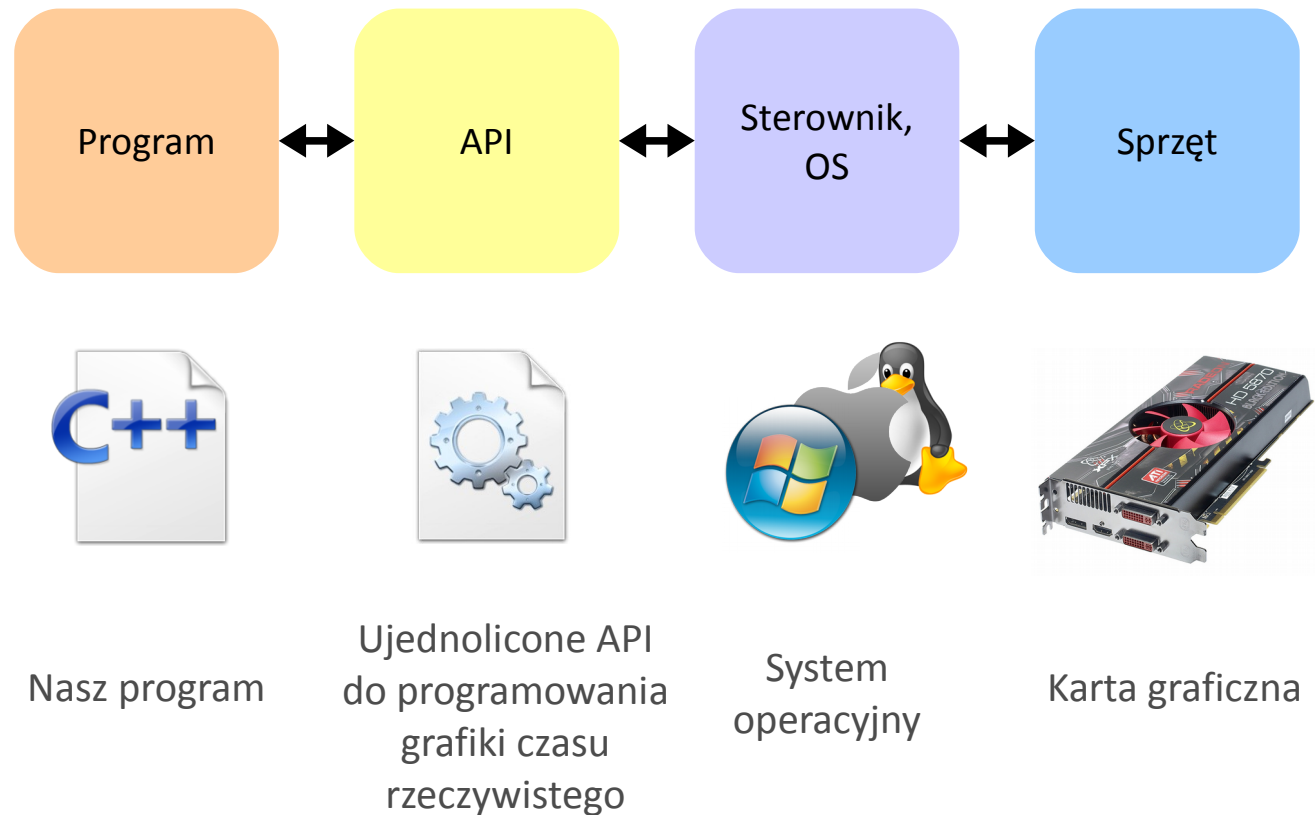


PROGRAMOWANIE

GRAFIKI KOMPUTEROWEJ

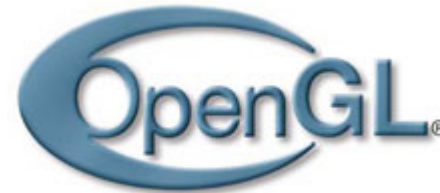
CZASU RZECZYWISTEGO

- Uproszczony **schemat działania** aplikacji grafiki czasu rzeczywistego
 - Ułatwienie: **ujednolicone API** graficzne



OpenGL

- **Open Graphics Library**
- Jest to **API** pozwalające na renderowanie grafiki w czasie rzeczywistym, zorientowane na wykorzystanie **akceleracji sprzętowej**
- OpenGL **nie jest biblioteką**
 - Jest to **specyfikacja** interfejsu programowania (*API*)
 - Bibliotekami są **implementacje OpenGL** na konkretne platformy, dostarczane przez producentów sprzętu, systemów operacyjnych itp.
- Jednym z głównych celów OpenGL jest **wieloplatformowość**
- Konkurencją jest *Microsoft Direct3D* z **DirectX**



OpenGL

- OpenGL opisuje **zbiór funkcji i numerycznych stałych**, pozwalających na renderowanie grafiki
 - Nie obejmuje procedur **obsługi wejścia**, czy integracji z systemem operacyjnym w celu **utworzenia kontekstu**
 - Istnieją multiplatformowe **biblioteki** dedykowane dla OpenGL, które rozwiązują te problemy: np. *GLUT (freeglut)*, *GLFW*
- Założeniem jest, że implementacja OpenGL opiera się głównie na procedurach **sprzętowych**
 - Operacje wykonywane bezpośrednio **przez kartę graficzną**, a nie software'owe rozwiązania oparte o *CPU*
 - Wiele z oferowanych możliwości, jeśli nie są zaimplementowane w procedurach sprzętowych, może być **emulowanych na CPU**

OpenGL

- **Historia**

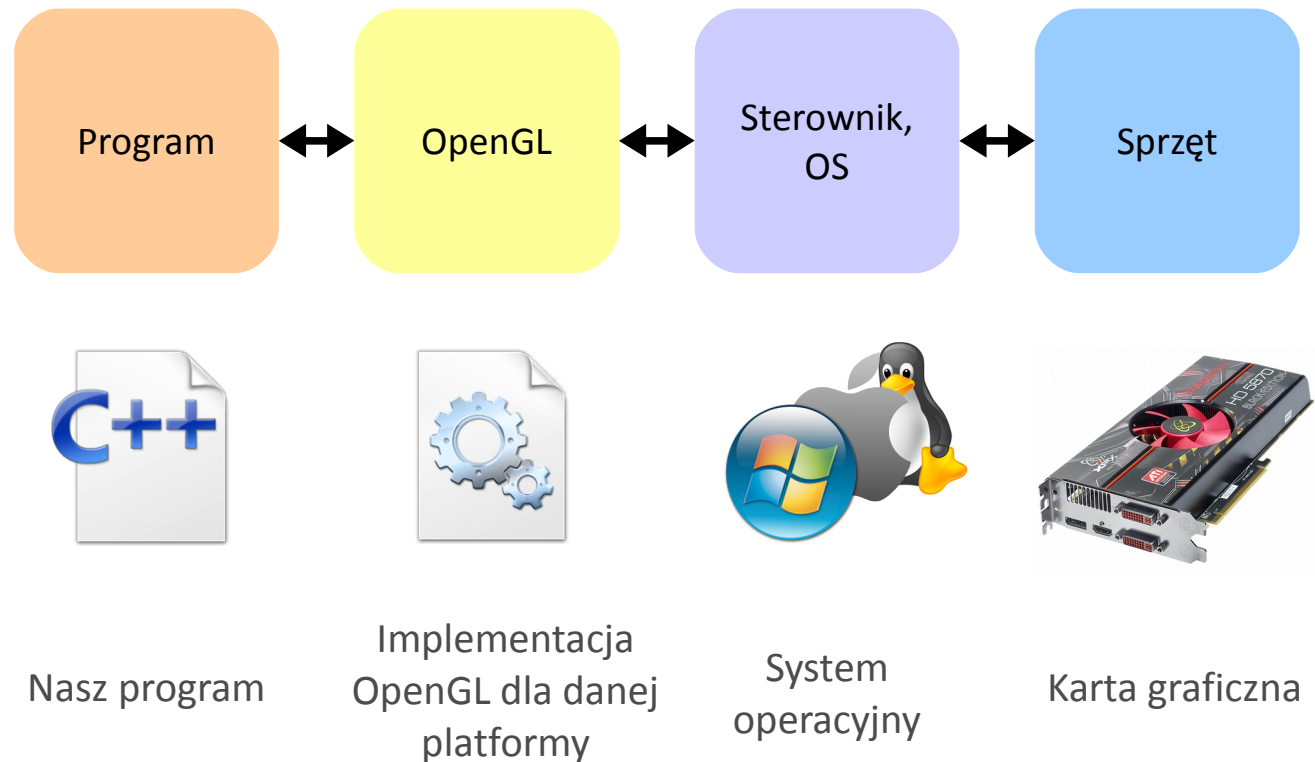
- 1992 – **OpenGL 1.0** wydany przez Silicon Graphics (SGI)
- 1997-2003 – rozszerzenia **OpenGL 1.x**
- 2004 – **OpenGL 2.0**, zorientowany na programowalny potok renderowania (shadery, GLSL)
- 2006 – OpenGL rozwijany jest przez non-profitową organizację **Khronos Group**
- 2008 – **OpenGL 3.0**, znaczne ograniczenie API, usunięcie archaicznych podejść
- 2010 – **OpenGL 4.0**, odpowiednik DirectX 11 (np. teselacja)
- 2014 – **OpenGL 4.5**, aktualna wersja

- **OpenGL ES**

- Podzbiór standardu OpenGL, przeznaczony do implementacji na **urządzeniach mobilnych**
- OpenGL ES 3.1 – wersja najbardziej aktualna (2014), kompatybilna z OpenGL 4.5

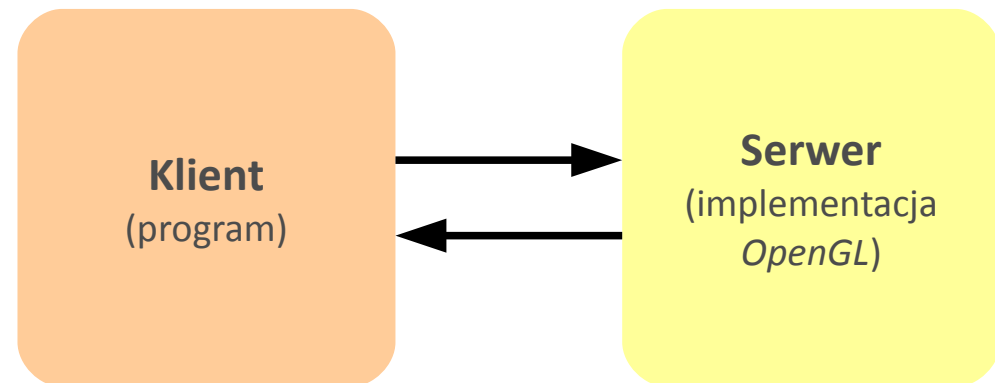
OpenGL

- OpenGL dostarcza procedur, za pomocą których możemy w **ujednolicony sposób** programować grafikę:
 - na różnych **kartach graficznych**
 - na różnych **systemach operacyjnych**



OpenGL

- Architektura wykorzystania *OpenGL* jako **warstwy pośredniej** pomiędzy aplikacją, a kartą graficzną opiera się o **model klient-serwer**
 - Specyfikacja OpenGL wcale nie wymaga, aby obie strony znajdowały się w jednej, fizycznej maszynie!



- | | |
|---|--|
| <ul style="list-style-type: none">• Zlecenia renderowania• Opis sceny• Używa pamięci głównej• Logika programu• Użycie wynikowego obrazu | <ul style="list-style-type: none">• Konteksty• Renderowanie• Komunikacja ze sterownikiem• Dostęp do <i>GPU</i> i pamięci graficznej |
|---|--|

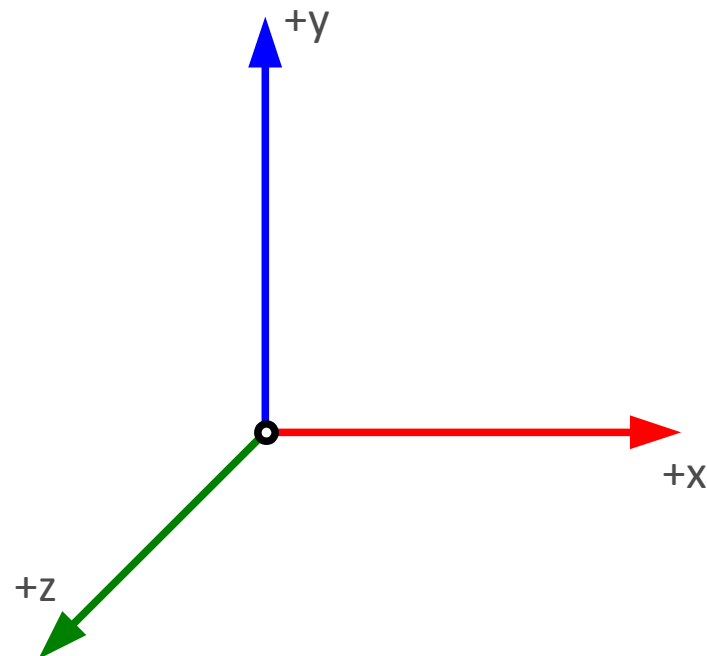
OpenGL

- Działanie OpenGL należy rozumieć jako **maszynę stanu**
 - **Stanem** nazywamy aktualne, chwilowe wartości wszystkich parametrów systemu
- **Jeśli zmienimy wartość jakiegoś parametru, pozostaje ona zmieniona do czasu kolejnej zmiany**
 - Przykład:
Jeśli zaczniemy w jednej klatce rysować czerwony prostokąt, wszystkie następne obiekty będą czerwone jeśli nie dokonamy zmiany koloru. Nawet w następnej klatce!

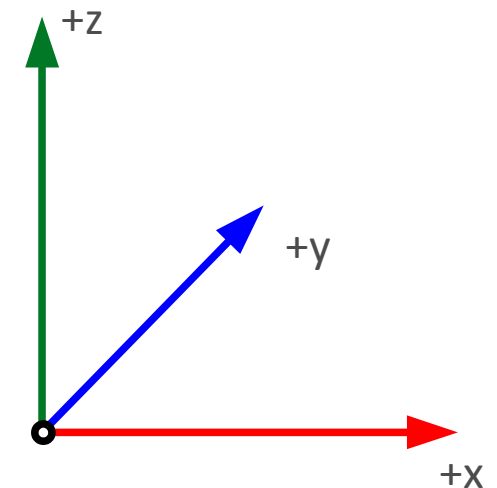
Współrzędne

- Układ współrzędnych w przestrzeni trójwymiarowej

OpenGL
„prawoskrętny”

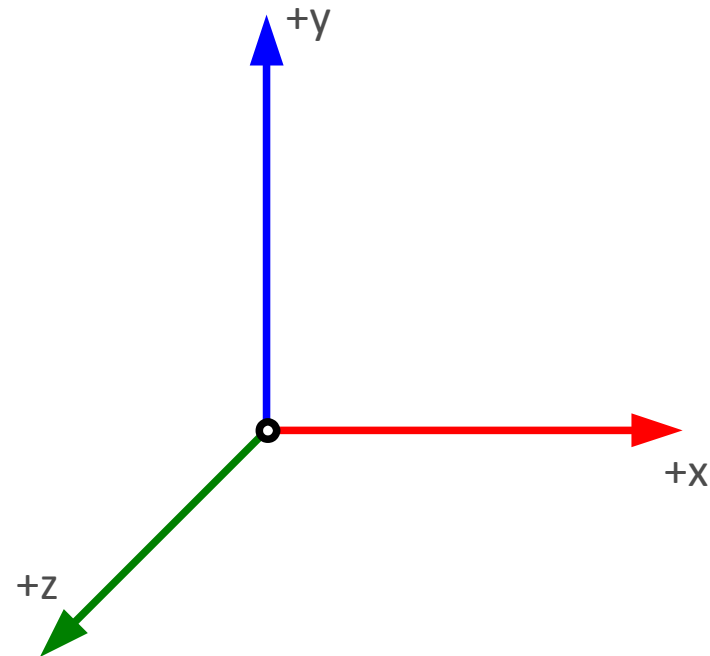


Direct3D
„lewoskrętny”



- Jednostki są zupełnie arbitralne, można przyjąć np. że jedna jednostka to 1 metr (albo 13 cm, albo 2 ft, albo...)

- **Układ współrzędnych w OpenGL**
 - **Trzeba** zapamiętać albo mieć pod ręką!



- **Jednostki są zupełnie arbitralne**, można przyjąć np. że jedna jednostka to 1 metr (albo 13 cm, albo 2 ft, albo...)

- **GL Utility Toolkit**
 - Biblioteka narzędziowa do OpenGL
 - **Freeglut** jest open-source'owym klonem, z którego będziemy korzystać (w pełni kompatybilny z GLUT)
- Dostarcza m.in.:
 - **Międzyplatformową** obsługę **urządzeń wejścia** (mysz, klawiatura)
 - Łatwe **tworzenie okien** z kontekstem OpenGL
 - Procedury rysowania **prostych brył** (sześcián, kula itd.)
 - Implementację **pętli głównej** (*mainloop/gameloop*)
- Wykorzystuje ideę **callbacków**, czyli funkcji obsługujących zdarzenia
 - W ten sposób programista ma możliwość reakcji na zdarzenia
 - Przypisanie *callbacka* odbywa się poprzez wywołanie specjalnej funkcji ustawiającej, z wskaźnikiem do funkcji obsługującej zdarzenie jako parametr

Przykładowy program

```
int main(int argc, char * argv[]) {  
    glutInit(&argc, argv);  
  
    glutInitWindowSize(640, 360);  
    glutInitDisplayMode(GLUT_RGBA | GLUT_DOUBLE | GLUT_DEPTH);  
    glutCreateWindow("OpenGL/GLUT Example");  
  
    glutDisplayFunc(OnRender);  
  
    glutMainLoop();  
  
    return 0;  
}
```

```
void OnRender() {  
    glClear(GL_COLOR_BUFFER_BIT | GL_DEPTH_BUFFER_BIT);  
  
    glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
    glLoadIdentity();  
    gluLookAt(0.0f, 0.0f, -6.0f, 0.0f, 0.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f, 0.0f);  
  
    glColor3f(1.0f, 0.0f, 0.0f);  
    glutSolidCube(1.0f);  
  
    glutSwapBuffers();  
    glFlush();  
    glutPostRedisplay();  
}
```

Programowanie z użyciem OpenGL

- Nazwy funkcji *OpenGL*:
 - **gl****NazwaFunkcji****param**(...)
 - **param** – jeśli dana funkcja może przyjmować różne rodzaje parametrów, w ten sposób określany jest rodzaj tych parametrów oraz ich liczba, np.:
 - glVertex**3f**(float x, float y, float z)
glVertex**3fv**(float *xyz)
glVertex**2f**(float x, float y)
glVertex**3d**(double x, double y, double z)
glVertex**2i**(int x, int y)
...
 - **f** – float, **d** – double, **i** – int, **b** – bool itd.
 - **v** – vector (tablica)
 - **gl****NazwaFunkcji****EXT**(...), **gl****NazwaFunkcji****ARB**(...)
 - Funkcjonalności pochodzące z rozszerzeń niebędących częścią standardu. Niektóre z nich w późniejszych wersjach OpenGL przestają posiadać sufiksy *EXT* i *ARB*.
 - Do obsługi rozszerzeń warto użyć biblioteki **GLEW**
- Nazwy funkcji *GLU* oraz *GLUT*:
 - **glu****NazwaFunkcji**(...), **glut****NazwaFunkcji**(...)

- Nowe API będące **spadkobiercą** OpenGL
 - Pierwszy raz zaprezentowane podczas ***Game Developer's Conference (GDC) 2015***
 - Rozwijane przez **Khronos Group**
 - Wsparcie: m.in. ***Source 2 (DOTA2)***, przyszły ***Android***
 - Karty graficzne obsługujące min. ***OpenGL 4.x, OpenGL ES 3.1***
 - Współczesne, obciążone małym narzutem (ang. ***lightweight***), wykorzystujące nowoczesne techniki, m.in.:
 - Binarna **postać pośrednia** programów cieniujących
 - Lepsze wsparcie dla sytuacji gdy **CPU jest wąskim gardłem**
 - Nastawione na **przetwarzanie wielowątkowe**

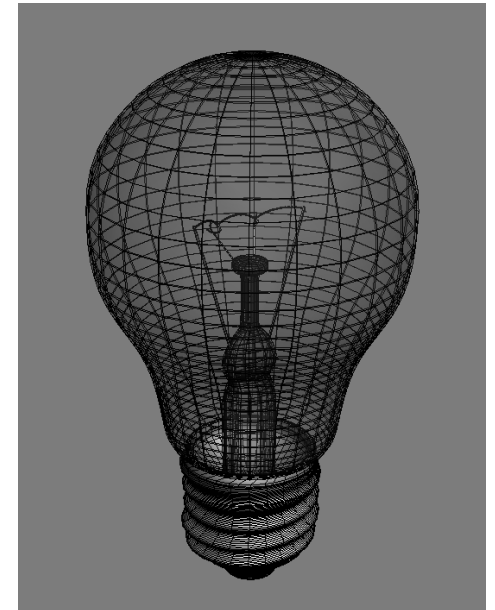


Scena 3D

- Elementy **sceny**:
 - **Obiekty geometryczne**
 - Bryła, położenie, kierunek obrotu, skala, ...
 - **Cechy obiektów** (tzw. *materiałów* z których są zbudowane)
 - Cechy powierzchni, kolor, tekstura, ...
 - **Kamera**
 - Położenie, kierunek widzenia, kąt widzenia, ...
 - **Źródła światła**
 - Położenie, rodzaj, kolor, intensywność, ...
 - **Cechy środowiska**
 - Mgła, dym, dodatkowe efekty wizualne, ...

Modele 3D

- Obiekty wirtualnego świata reprezentowane są na scenie najczęściej przez tzw. **modele**
- Modele to **geometryczna reprezentacja brył obiektów**
- Model nie jest grafiką, dopóki nie zostanie **wyrenderowany** – on tylko opisuje obiekt
 - Analogia do grafiki wektorowej



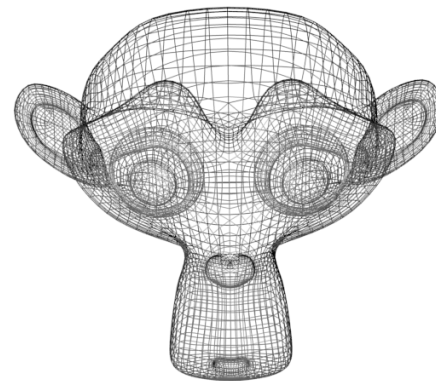
Źródła obrazów:

<http://nzchristie.blogspot.com>

<http://maxattivo.blogspot.com>

Modele 3D

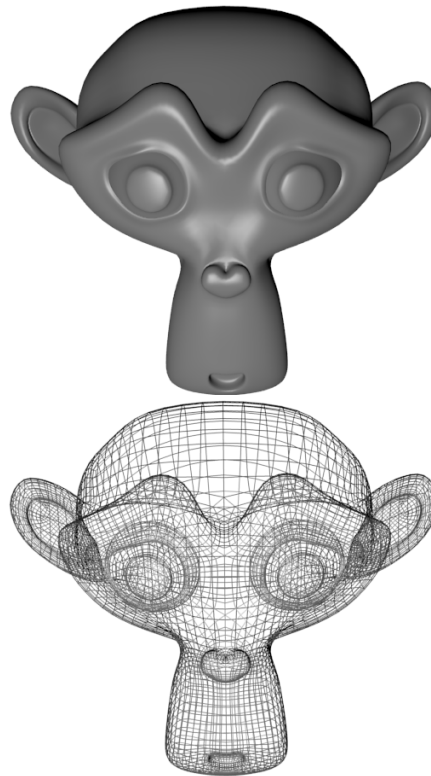
- Modele składają się z **wierzchołków**
- Wierzchołki tworzą **wielokąty** (ang. *Polygons*) które składają się na powierzchnię modelu



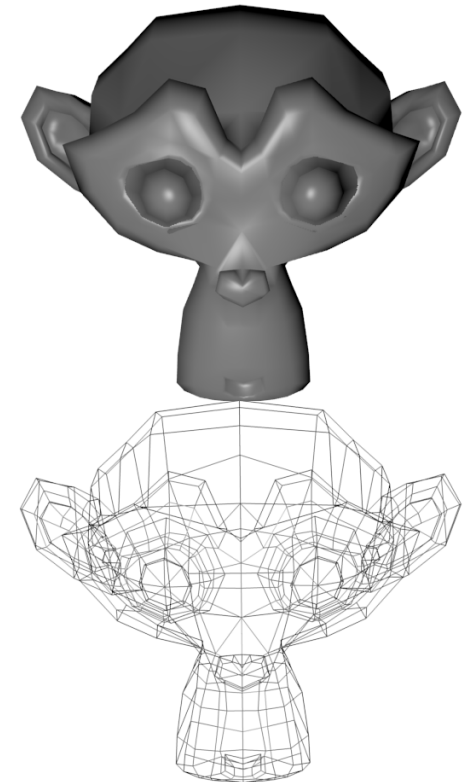
Modele 3D

- W grafice czasu rzeczywistego często stosuje się tzw. modele *low-poly*, czyli o **małej liczbie wielokątów**
- W ten sposób uzyskuje się **znacznie większą wydajność kosztem utraty jakości** (szczegółowości)

High-poly
(15488 trójkątów)

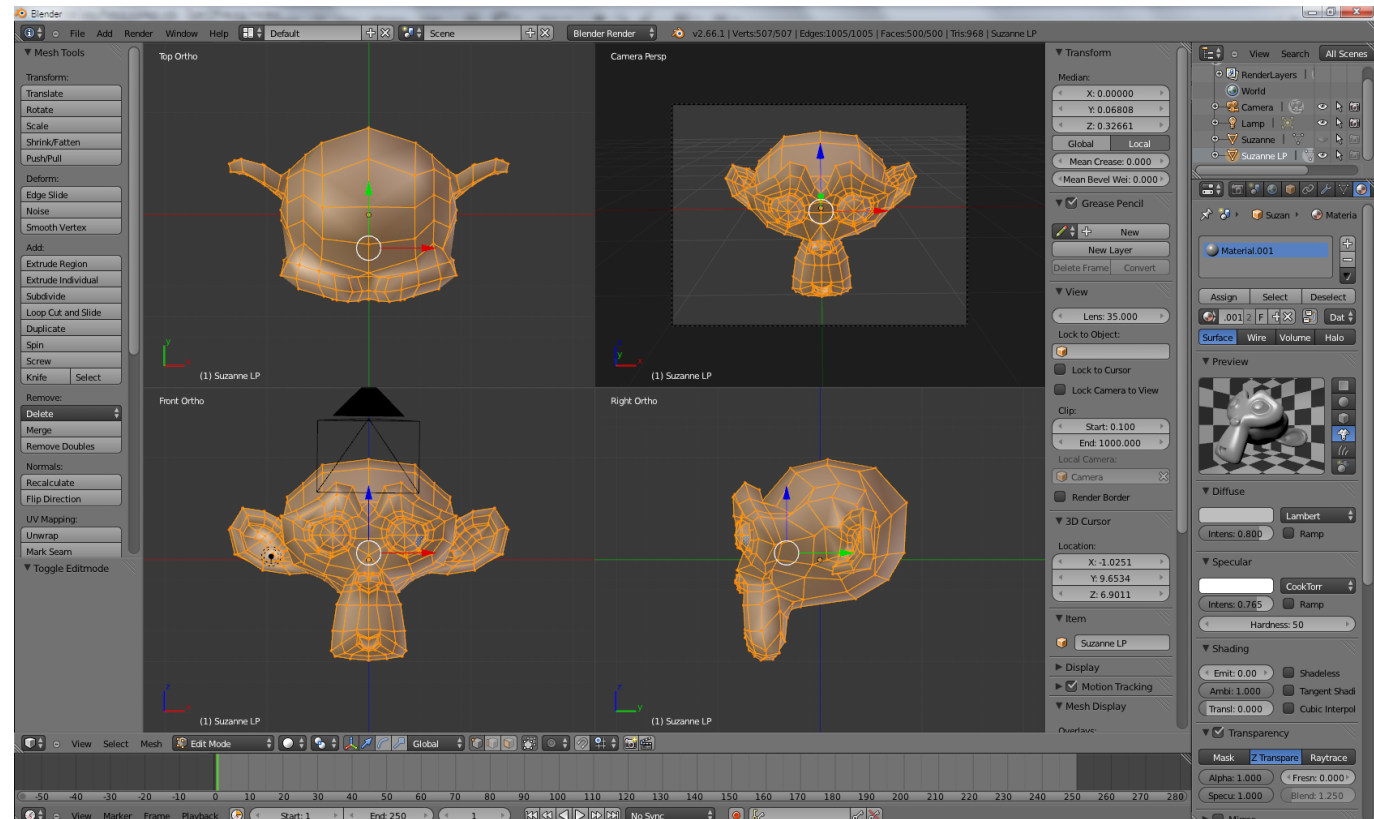


Low-poly
(968 trójkątów)



Modele 3D

- Modele tworzy się w wyspecjalizowanym oprogramowaniu do tworzenia grafiki 3D, np.:
 - **Blender** (darmowy)
 - **3ds Max**
 - **Maya**
 - **Google SketchUp** (darmowy)



Modele 3D

- Przykładowy **format**, w którym zapisuje się modele:
 - Wavefront **OBJ**
 - Plik **tekstowy**
 - Kolejne **linijki** odpowiadają m.in. pozycjom wierzchołków, wektorom normalnym, współrzędnym tekstur, ścianom

```
1 # Blender v2.66 (sub 1) OBJ File: ''
2 # www.blender.org
3 o Suzanne_LP_Suzanne.001
4 v 0.437500 0.164062 0.765625
5 v -0.437500 0.164062 0.765625
6 v 0.500000 0.093750 0.687500
7 v -0.500000 0.093750 0.687500
8 v 0.546875 0.054687 0.578125
9 v -0.546875 0.054687 0.578125
10 v 0.351562 -0.023438 0.617188
11 v -0.351562 -0.023438 0.617188
12 v 0.351562 0.031250 0.718750
13 v -0.351562 0.031250 0.718750
14 v 0.351562 0.132812 0.781250
15 v -0.351562 0.132812 0.781250
16 v 0.273438 0.164062 0.796875
17 v -0.273438 0.164062 0.796875
18 v 0.203125 0.093750 0.742188
19 v -0.203125 0.093750 0.742188
20 v 0.156250 0.054687 0.648438
21 v -0.156250 0.054687 0.648438
22 v 0.078125 0.242187 0.656250
23 v -0.078125 0.242187 0.656250
24 v 0.140625 0.242187 0.742188
25 v -0.140625 0.242187 0.742188
26 v 0.242188 0.242187 0.796875
27 v -0.242188 0.242187 0.796875
28 v 0.273438 0.328125 0.796875
29 v -0.273438 0.328125 0.796875
30 v 0.203125 0.390625 0.742188
31 v -0.203125 0.390625 0.742188
32 v 0.156250 0.437500 0.648438
33 v -0.156250 0.437500 0.648438
```

Przekształcenia geometryczne

Model

Posiadamy **model skrzyni**, którego **instancje** chcemy umieścić na naszej **scenie**.

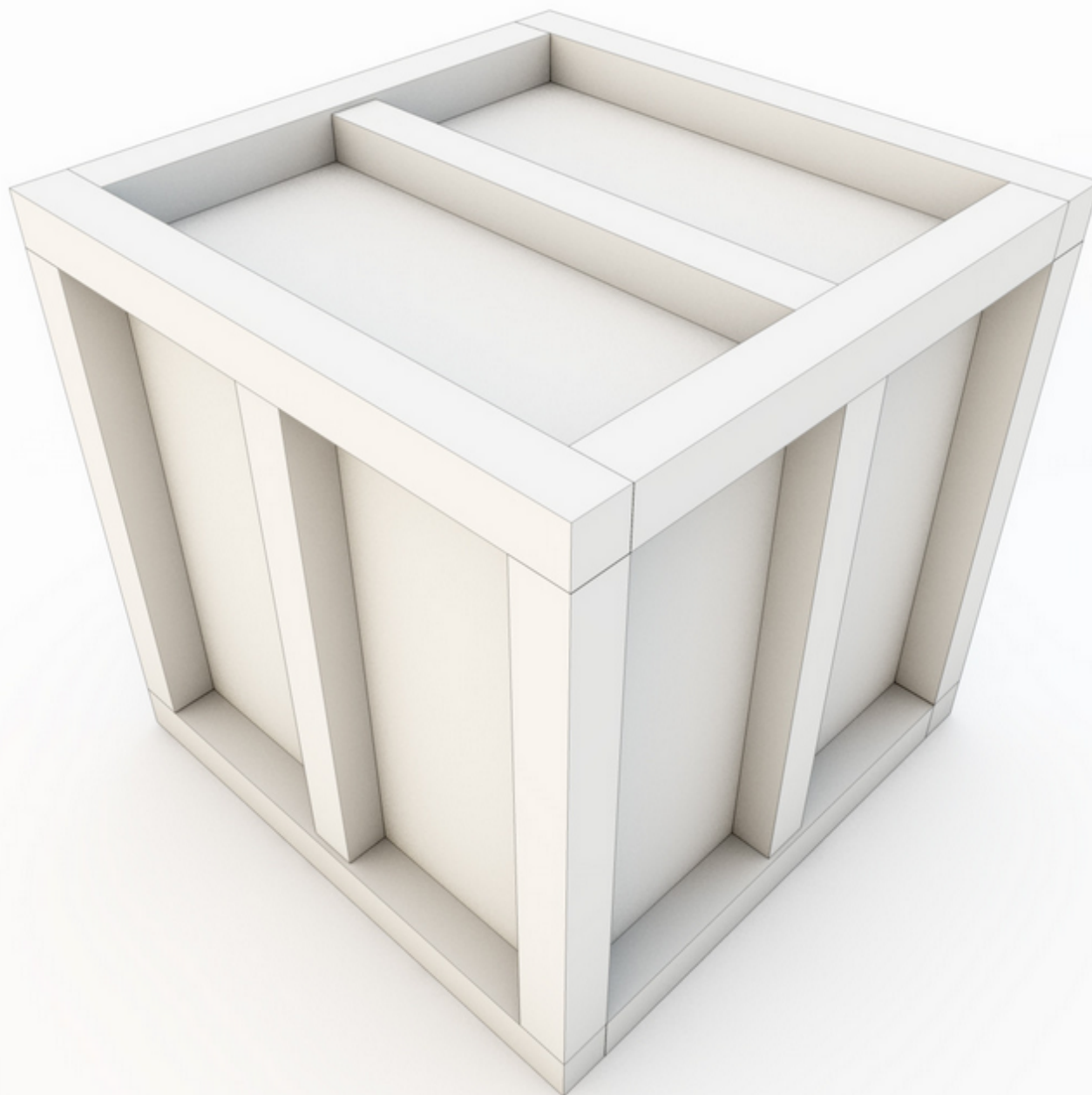


Źródło obrazu:
Turbosquid / C4Dennis

Przekształcenia geometryczne

Model

Model zdefiniowany jest w charakterystycznym dla niego, **lokalnym układzie współrzędnych**.

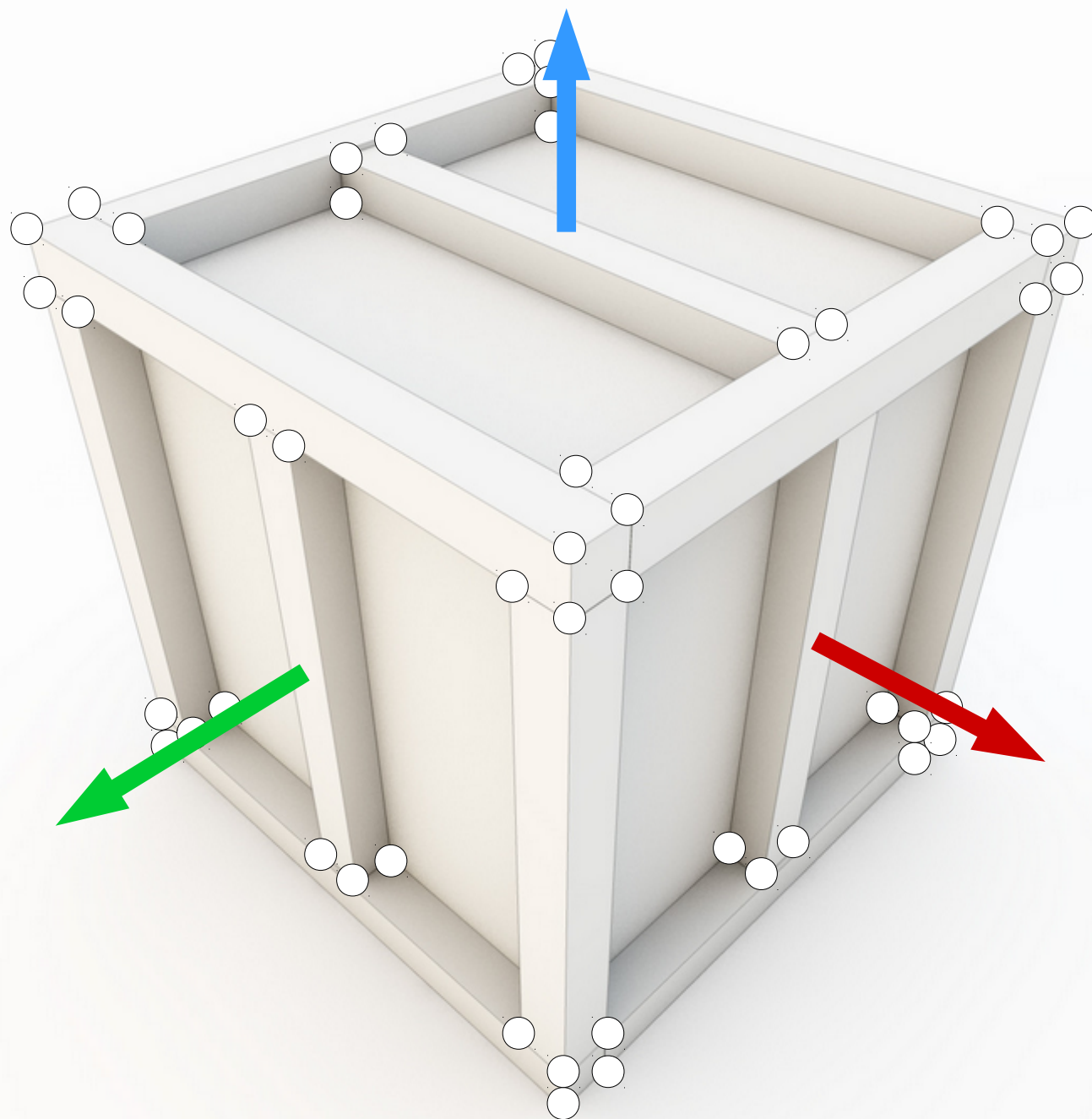


Źródło obrazu:
Turbosquid / C4Dennis

Przekształcenia geometryczne

Współrzędne lokalne

Każdy wierzchołek ma swoje własności określone w tym układzie.



Źródło obrazu:
Turbosquid / C4Dennis

Przekształcenia geometryczne

Wiele obiektów na scenie

Chcąc umieścić na scenie kilka skrzyń będących **instancjami naszego modelu**, musielibyśmy zdefiniować wszystkie ich wierzchołki we wspólnym układzie współrzędnych świata.

Wymagałoby to **osobnego zdefiniowania** każdej ze skrzyń, kolejno w każdym miejscu jej wystąpienia i z każdą orientacją.



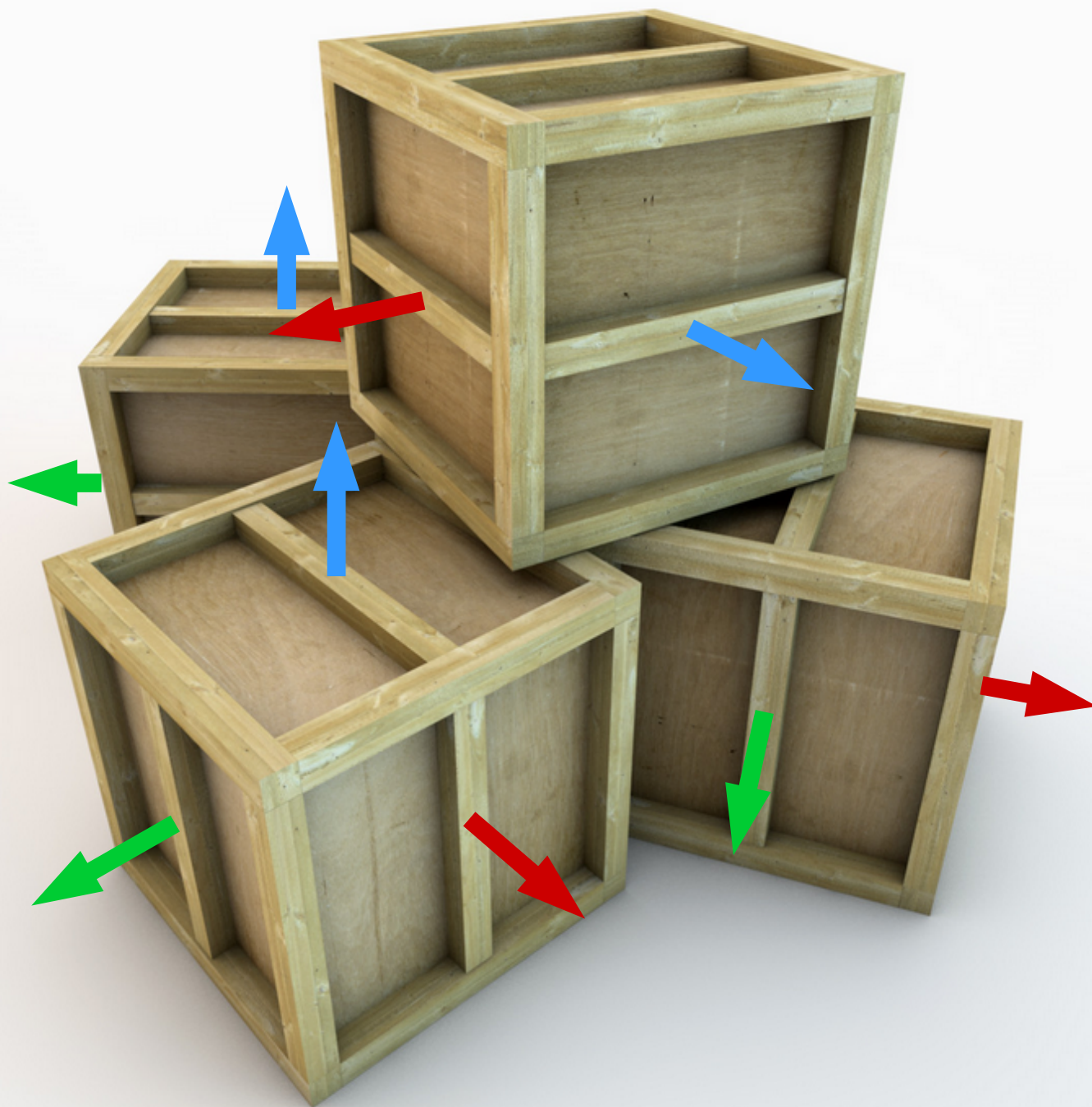
Źródło obrazu:
Turbosquid / C4Dennis

Przekształcenia geometryczne

Translacja, Rotacja, Skalowanie

Obiekty są wielokrotną instancją **tego samego** modelu, zdefiniowanego w tym samym **lokalnym układzie współrzędnych**.

Poprzez różną transformację (translację, rotację, skalowanie) w **przestrzeni świata** mają jednak różną **orientację**.



Źródło obrazu:
Turbosquid / C4Dennis

Przekształcenia geometryczne

- Przekształcenia geometryczne w przestrzeni 3D opisane są **macierzami 4x4**
 - Aby **poddać współrzędne (x, y, z) danemu przekształceniu T** , macierz T mnożona jest przez wektor (rozszerzony o dodatkową współrzędną $w = 1$), a cały wynik jest dzielony przez ostatnią współrzędną w'

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ w' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} T_{00} & T_{01} & T_{02} & T_{03} \\ T_{10} & T_{11} & T_{12} & T_{13} \\ T_{20} & T_{21} & T_{22} & T_{23} \\ T_{30} & T_{31} & T_{32} & T_{33} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ w \end{bmatrix}$$

Przekształcenia geometryczne

- Podstawowe transformacje geometryczne to:
 - Translacja
 - Rotacja
 - Skalowanie
- Macierze, które je opisują:

$$\begin{array}{l} \text{X-Rotation in 3D} \\ \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\phi & -\sin\phi & 0 \\ 0 & \sin\phi & \cos\phi & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{Z-Rotation in 3D} \\ \begin{bmatrix} \cos\phi & -\sin\phi & 0 & 0 \\ \sin\phi & \cos\phi & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{Scale in 3D} \\ \begin{bmatrix} S_x & 0 & 0 & 0 \\ 0 & S_y & 0 & 0 \\ 0 & 0 & S_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \end{array}$$
$$\begin{array}{l} \text{Y-Rotation in 3D} \\ \begin{bmatrix} \cos\phi & 0 & \sin\phi & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -\sin\phi & 0 & \cos\phi & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{Translation in 3D} \\ \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & T_x \\ 0 & 1 & 0 & T_y \\ 0 & 0 & 1 & T_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \end{array}$$

Przekształcenia geometryczne:

Przykład

- Translacja o wektor $(4, -6, 2)$:

$$M_T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & T_x \\ 0 & 1 & 0 & T_y \\ 0 & 0 & 1 & T_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$T_{xyz} = (4, -6, 2)$$

Przekształcenia geometryczne:

Przykład

- Translacja o wektor $(4, -6, 2)$:

$$M_T = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 4 \\ 0 & 1 & 0 & -6 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Niech p będzie punktem, który chcemy poddać translacji:

$$p = (1, 2, 3)$$

$$p' = ?$$



(punkt po transformacji)

Przekształcenia geometryczne:

Przykład

- Translacja o wektor $(4, -6, 2)$:

Niech p będzie punktem, który chcemy poddać translacji:

$$p = (1, 2, 3)$$

$$p' = ?$$

$$p' = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 4 \\ 0 & 1 & 0 & -6 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 1 \end{bmatrix} = \dots?$$

Przekształcenia geometryczne:

Przykład

- Translacja o wektor $(4, -6, 2)$:

Niech p będzie punktem, który chcemy poddać translacji:

$$p = (1, 2, 3)$$

$$p' = ?$$

$$p' = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 4 \\ 0 & 1 & 0 & -6 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 1 \end{bmatrix} =$$
$$= \begin{bmatrix} 1 \cdot 1 + 0 \cdot 2 + 0 \cdot 3 + 4 \cdot 1 \\ 0 \cdot 1 + 1 \cdot 2 + 0 \cdot 3 - 6 \cdot 1 \\ 0 \cdot 1 + 0 \cdot 2 + 1 \cdot 3 + 2 \cdot 1 \\ 0 \cdot 1 + 0 \cdot 2 + 0 \cdot 3 + 1 \cdot 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ -4 \\ 5 \\ 1 \end{bmatrix}$$


(aby **pozbyć się czwartej współrzędnej**, należy najpierw cały wektor **podzielić przez jej wartość**)

Przekształcenia geometryczne

- **Macierz modelu** jest złożeniem odpowiednich translacji, rotacji i skalowań
 - Czyli **iloczynem macierzy** odpowiadających takim transformacjom
 - Ważna jest **kolejność** mnożenia!
- Służy do **umieszczenia naszego modelu**, opisanego lokalnymi współrzędnymi, **w pożądanym miejscu** wirtualnego **świata**
- Dzięki takiemu podejściu możliwe jest **wielokrotne używanie** dokładnie tego samego modelu, opisanego **tymi samymi współrzędnymi wierzchołków**

Przekształcenia geometryczne

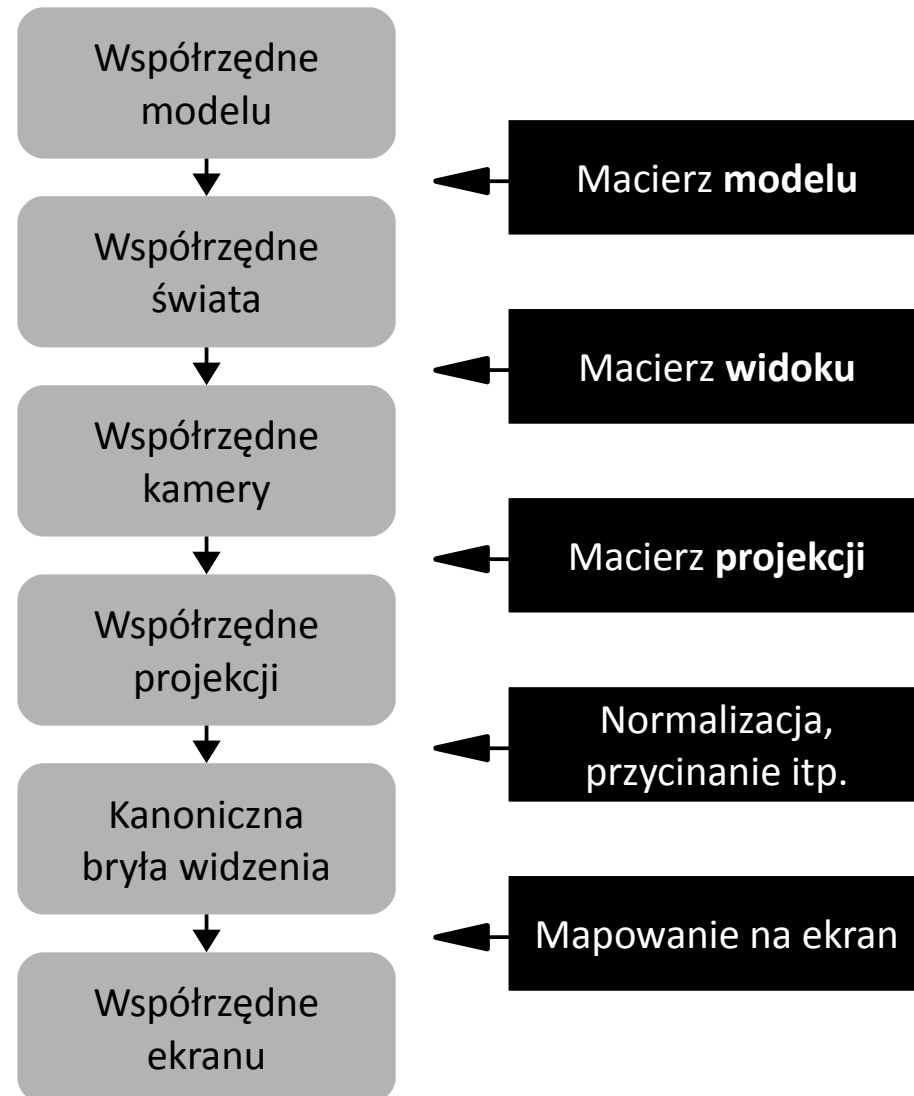
- **Macierz widoku**, a więc macierz związana z transformacją kamery, jest złożeniem odpowiednich translacji i rotacji
 - Czyli **iloczynem macierzy** odpowiadających takim transformacjom
- Macierz **projekcji perspektywicznej** wygląda następująco:

$$\begin{bmatrix} \frac{f}{\text{aspect}} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & f & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{zFar+zNear}{zNear-zFar} & \frac{2 \times zFar \times zNear}{zNear-zFar} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

- Gdzie:
 - $f = 1 / \tan(fov / 2)$
 - aspect = proporcje
 - $zNear$ = odległość bliskiej płaszczyzny przycinania
 - $zFar$ = odległość dalekiej płaszczyzny przycinania

Przekształcenia geometryczne

- Podczas procesu renderowania sceny dokonywane są **przejścia pomiędzy różnymi układami współrzędnych**

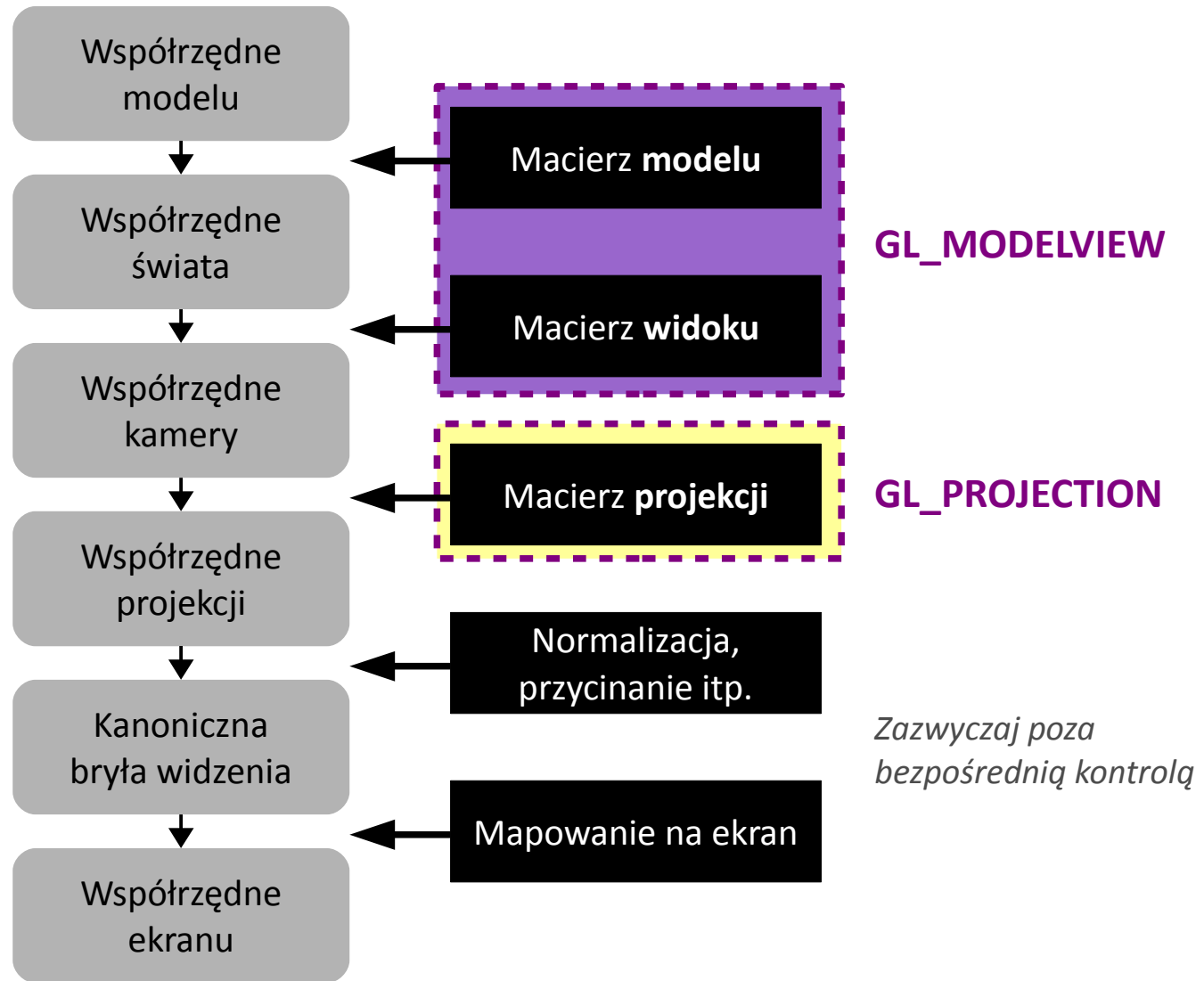


Transformacje w OpenGL

- Częścią stanu OpenGL są dwie podstawowe **macierze transformacji**:
 - Macierz **Modelu-Widoku** (**GL_MODELVIEW**)
 - Łączy w sobie przekształcenia związane zarówno z przejściem **ze współrzędnych modelu do współrzędnych świata**, jak i **ze współrzędnych świata do współrzędnych kamery**
 - Czyli uwzględnia zarówno **przekształcenie konkretnego obiektu na scenie**, jak i **położenie i obrót kamery**
 - Macierz **Projekcji** (**GL_PROJECTION**)
 - Uwzględnia **rodzaj projekcji** (perspektywiczna/prostokątna), **kąt widzenia**, **płaszczyzny przycinania**, **proporcje**.
- Tylko **jedna** z tych macierzy jest w danym momencie **edytowalna**
 - Wyboru aktualnie edytowanej macierzy dokonuje się za pomocą funkcji **glMatrixMode(*matrix*)**
 - *matrix* – **GL_MODELVIEW** lub **GL_PROJECTION**

Transformacje w OpenGL

- Umieszczenie macierzy transformacji w potoku przetwarzania geometrii

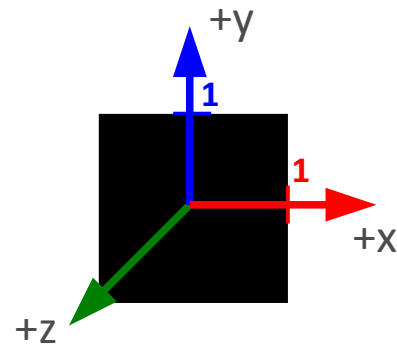


Transformacje w OpenGL

- Aktualnie wybraną do edycji macierz transformacji modyfikujemy za pomocą funkcji:
 - **glLoadIdentity()**
 - Zastępuje zawartość macierzą jednostkową
 - **glLoadMatrixf(float *v)**
 - Zastępuje zawartość wartościami 16-elementowej tablicy
 - **glMultMatrixf(float *v)**
 - Mnoży zawartość macierzy przez macierz **v**
 - **glTranslatef(float x, float y, float z)**
 - Mnoży zawartość macierzy przez macierz odpowiadającą translacji o wektor **[x; y; z]**
 - **glRotatef(float angle, float x, float y, float z)**
 - Mnoży zawartość macierzy przez macierz odpowiadającą rotacji o **angle** stopni wokół wektora **[x; y; z]**
 - Warto stosować z wersorami, np. **[0; 1; 0]**
 - **glScalef(float xs, float ys, float zs)**
 - Mnoży zawartość macierzy przez macierz odpowiadającą skalowaniu ze skalami **[xs; ys; zs]**

Transformacje w OpenGL

- Przykłady
 - Zakładamy, że hipotetyczna funkcja **DrawBlackSquare()** rysuje czarny kwadrat będący częścią płaszczyzny XY i rozciągający się w zakresie $-1..1$:

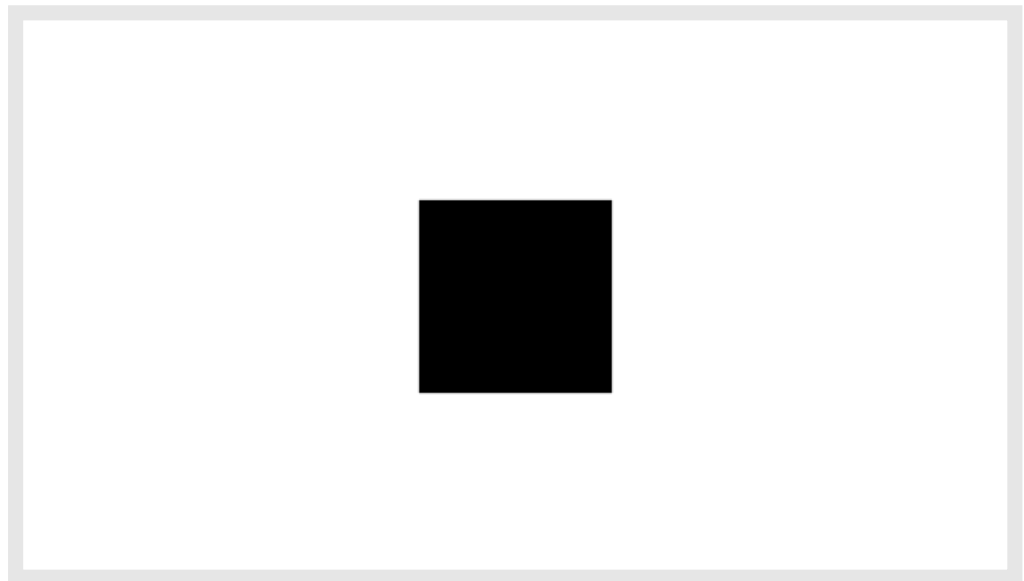


- Na razie nie wnioskujemy, jak tego dokonuje
- Scenę obserwujemy z punktu $[0; 0; 5]$, patrząc w kierunku $[0; 0; -1]$, wektor pionu $[0; 1; 0]$
- Projekcja perspektywiczna

Transformacje w OpenGL

- Przykłady

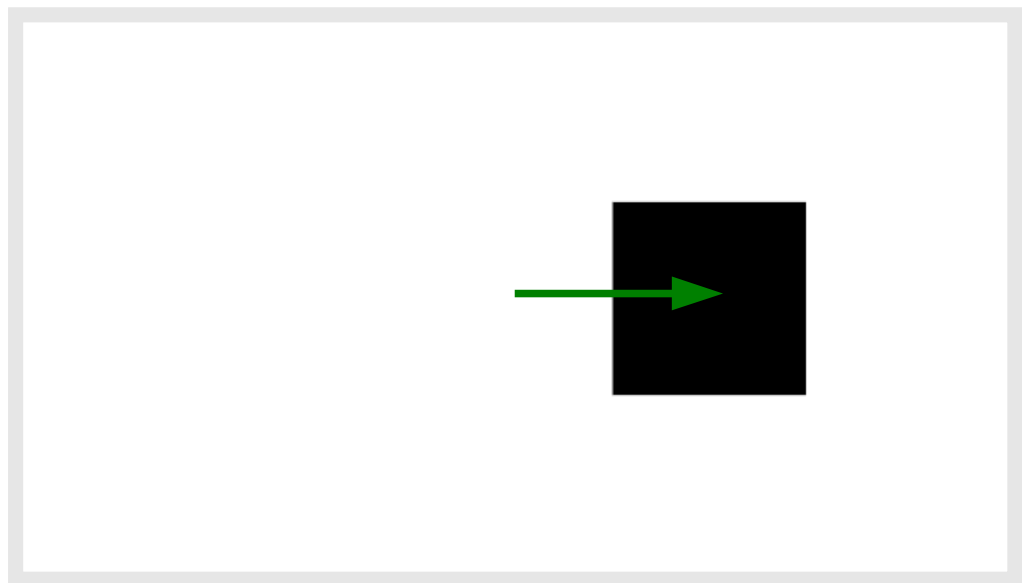
```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
DrawBlackSquare();
```



Transformacje w OpenGL

- Przykłady

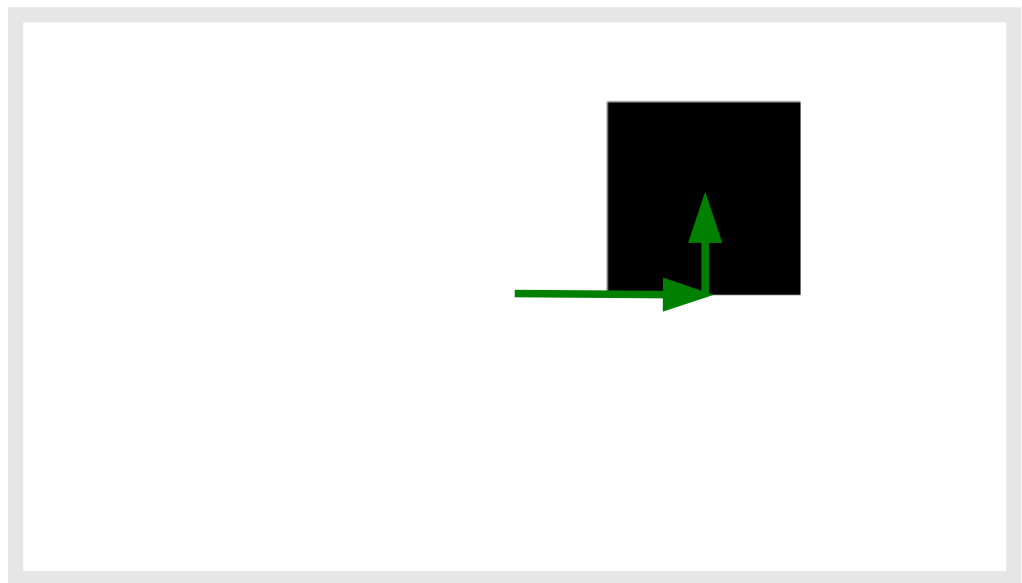
```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glTranslatef(2.0f, 0.0f, 0.0f);  
DrawBlackSquare();
```



Transformacje w OpenGL

- Przykłady

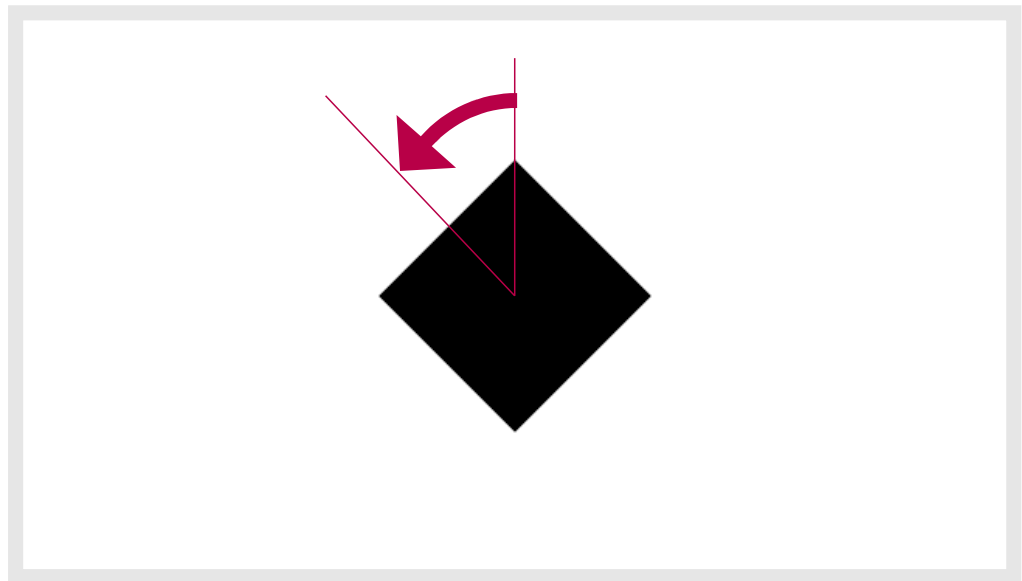
```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glTranslatef(2.0f, 0.0f, 0.0f);  
glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);  
DrawBlackSquare();
```



Transformacje w OpenGL

- Przykłady

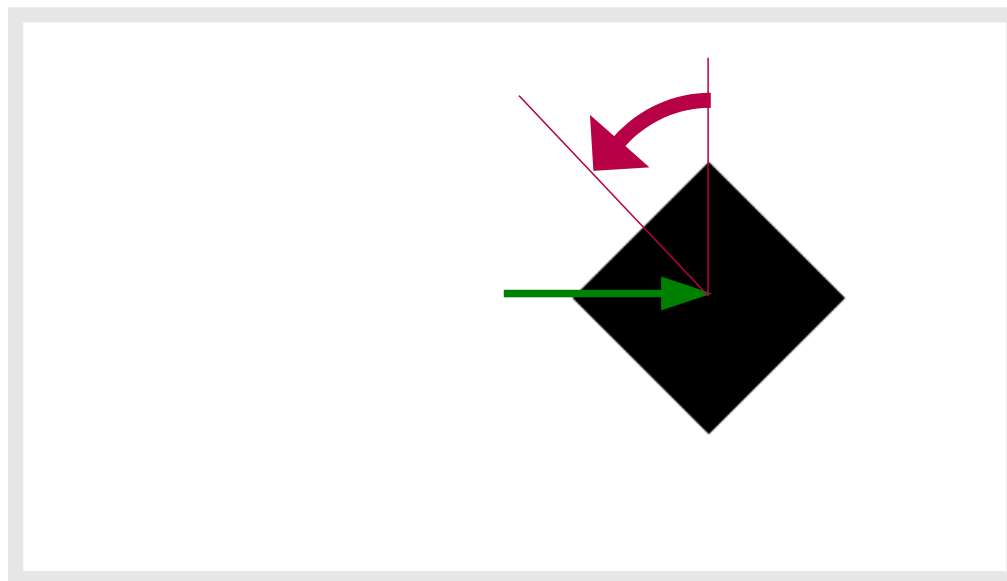
```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);  
DrawBlackSquare();
```



Transformacje w OpenGL

- Przykłady

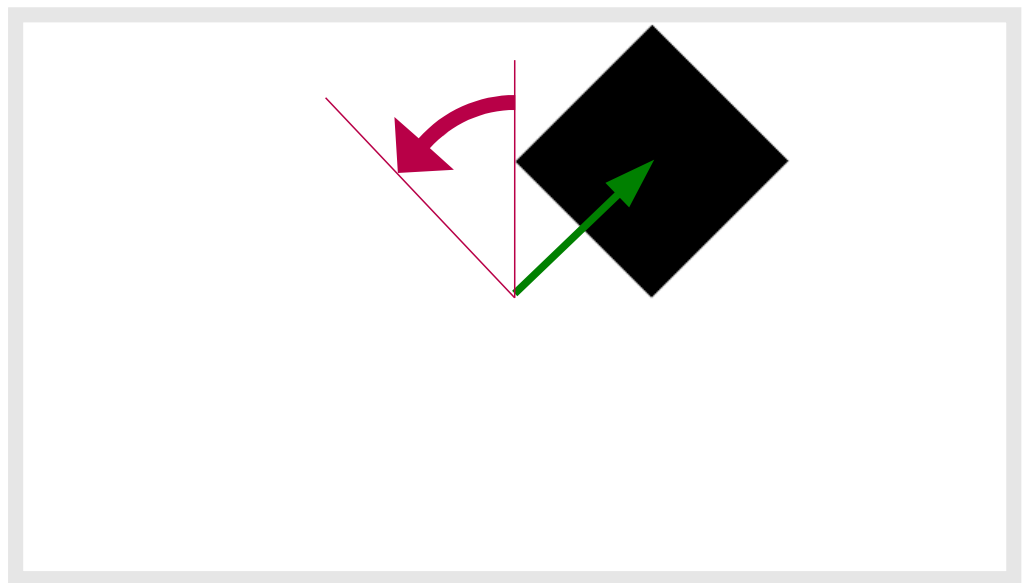
```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glTranslatef(2.0f, 0.0f, 0.0f);  
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);  
DrawBlackSquare();
```



Transformacje w OpenGL

- Przykłady

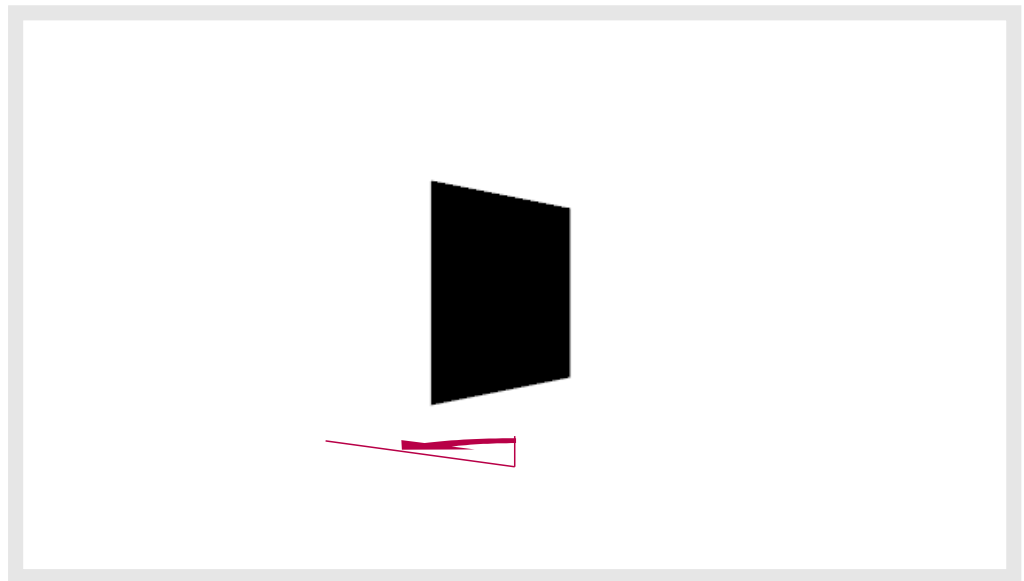
```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);  
glTranslatef(2.0f, 0.0f, 0.0f);  
DrawBlackSquare();
```



Transformacje w OpenGL

- Przykłady

```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glRotatef(45.0f, 0.0f, 1.0f, 0.0f);  
DrawBlackSquare();
```



Transformacje w OpenGL

- Przykłady

```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glScalef(1.0f, 2.0f, 1.0f);  
DrawBlackSquare();
```

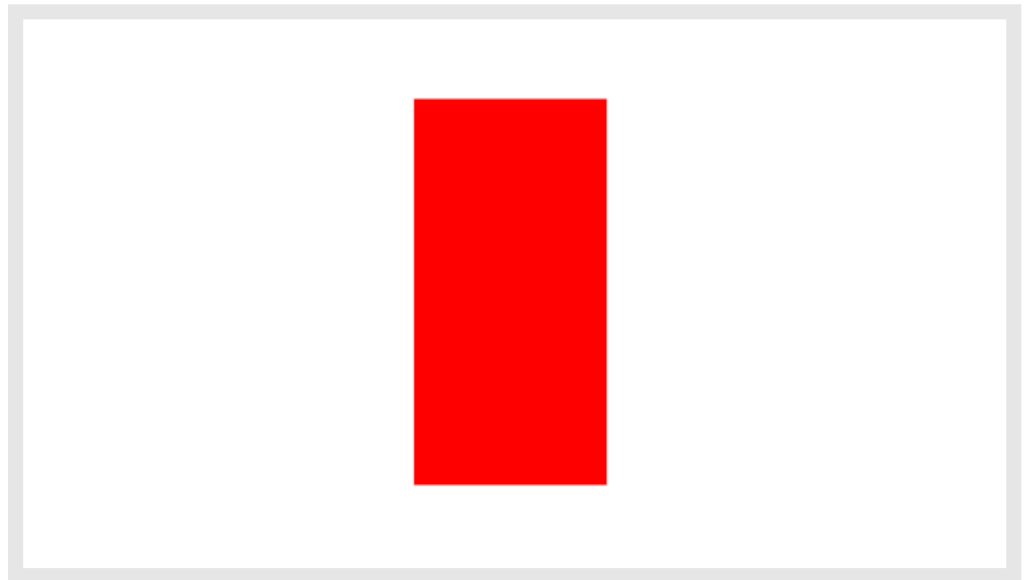


Transformacje w OpenGL

- Przykłady

```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glScalef(1.0f, 2.0f, 1.0f);  
DrawBlackSquare();  
DrawRedSquare();
```

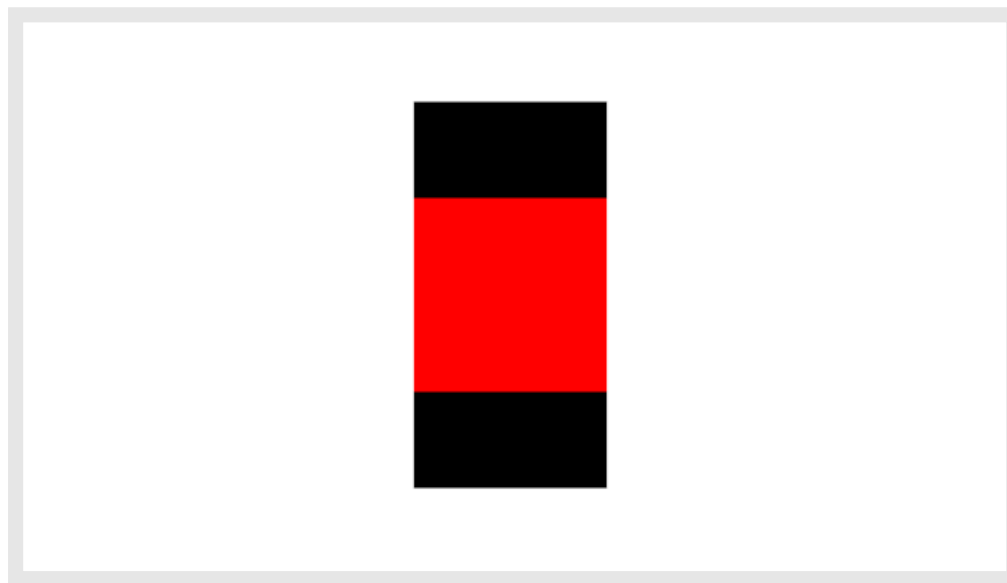
- Stan macierzy pozostaje zmieniony!



Transformacje w OpenGL

- Przykłady

```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
glPushMatrix();  
    glScalef(1.0f, 2.0f, 1.0f);  
    DrawBlackSquare();  
glPopMatrix();  
DrawRedSquare();
```



Transformacje w OpenGL

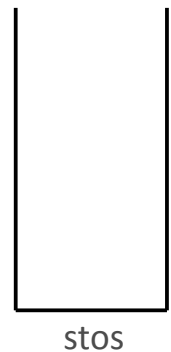
- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
DrawGreenSquare();
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);
glPushMatrix();
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);
    glPushMatrix();
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);
        DrawBlackSquare();
    glPopMatrix();
    DrawRedSquare();
glPopMatrix();
DrawBlueSquare();
```

aktualna
macierz:



Transformacje w OpenGL

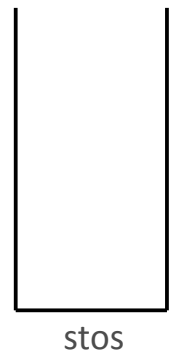
- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
DrawGreenSquare();  
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);  
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);  
glPushMatrix();  
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);  
    glPushMatrix();  
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);  
        DrawBlackSquare();  
    glPopMatrix();  
    DrawRedSquare();  
glPopMatrix();  
DrawBlueSquare();
```

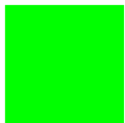
aktualna
macierz:



Transformacje w OpenGL

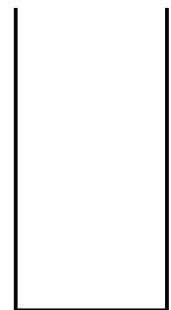
- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
DrawGreenSquare();
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);
glPushMatrix();
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);
    glPushMatrix();
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);
        DrawBlackSquare();
    glPopMatrix();
    DrawRedSquare();
glPopMatrix();
DrawBlueSquare();
```

aktualna
macierz:



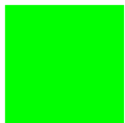
stos

Transformacje w OpenGL

- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie

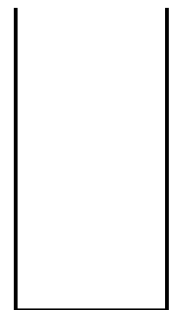
- `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
- `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
- Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);  
glLoadIdentity();  
DrawGreenSquare();  
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);  
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);  
glPushMatrix();  
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);  
    glPushMatrix();  
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);  
        DrawBlackSquare();  
    glPopMatrix();  
    DrawRedSquare();  
glPopMatrix();  
DrawBlueSquare();
```

aktualna
macierz:

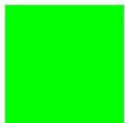


stos

Transformacje w OpenGL

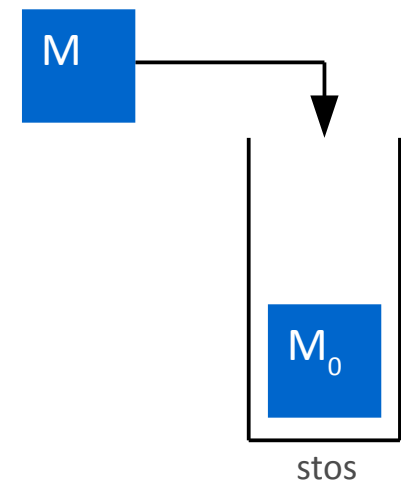
- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
DrawGreenSquare();
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);
glPushMatrix();
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);
    glPushMatrix();
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);
        DrawBlackSquare();
    glPopMatrix();
    DrawRedSquare();
glPopMatrix();
DrawBlueSquare();
```

aktualna
macierz:



Transformacje w OpenGL

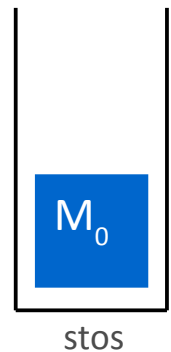
- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
DrawGreenSquare();
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);
glPushMatrix();
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);
    glPushMatrix();
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);
        DrawBlackSquare();
    glPopMatrix();
    DrawRedSquare();
glPopMatrix();
DrawBlueSquare();
```

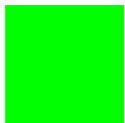
aktualna
macierz:



Transformacje w OpenGL

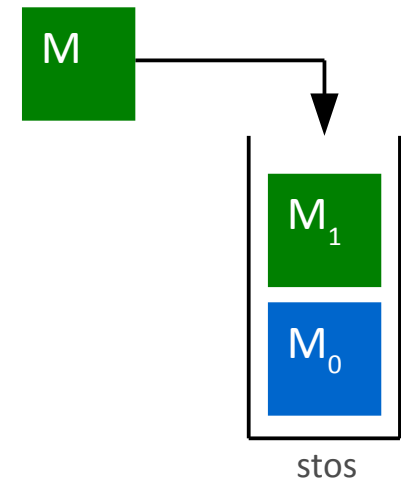
- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
DrawGreenSquare();
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);
glPushMatrix();
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);
    glPushMatrix();
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);
        DrawBlackSquare();
    glPopMatrix();
    DrawRedSquare();
glPopMatrix();
DrawBlueSquare();
```

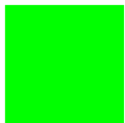
aktualna
macierz:



Transformacje w OpenGL

- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
DrawGreenSquare();
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);
glPushMatrix();
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);
    glPushMatrix();
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);
        DrawBlackSquare();
    glPopMatrix();
    DrawRedSquare();
glPopMatrix();
DrawBlueSquare();
```

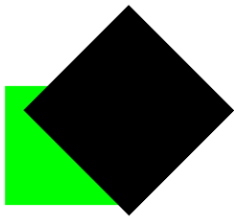
aktualna
macierz:



Transformacje w OpenGL

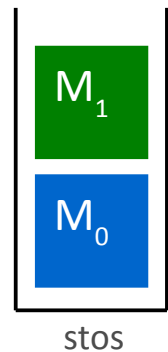
- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
DrawGreenSquare();
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);
glPushMatrix();
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);
    glPushMatrix();
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);
        DrawBlackSquare();
    glPopMatrix();
    DrawRedSquare();
glPopMatrix();
DrawBlueSquare();
```

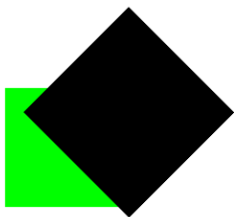
aktualna
macierz:



Transformacje w OpenGL

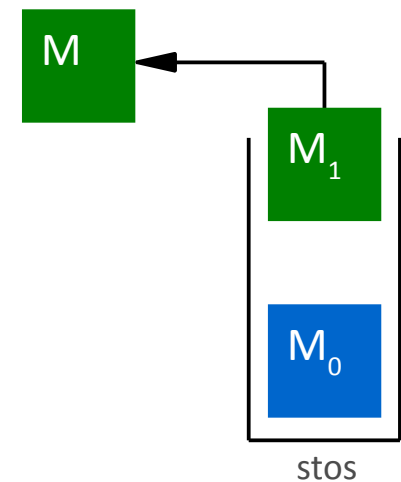
- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
DrawGreenSquare();
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);
glPushMatrix();
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);
    glPushMatrix();
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);
        DrawBlackSquare();
    glPopMatrix();
    DrawRedSquare();
glPopMatrix();
DrawBlueSquare();
```

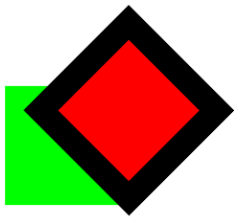
aktualna
macierz:



Transformacje w OpenGL

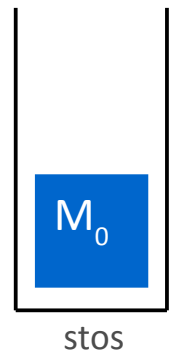
- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
DrawGreenSquare();
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);
glPushMatrix();
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);
    glPushMatrix();
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);
        DrawBlackSquare();
    glPopMatrix();
    DrawRedSquare();
glPopMatrix();
DrawBlueSquare();
```

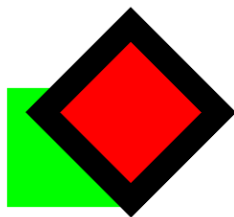
aktualna
macierz:



Transformacje w OpenGL

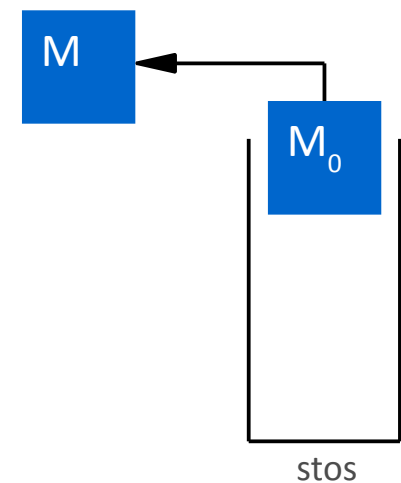
- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
DrawGreenSquare();
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);
glPushMatrix();
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);
    glPushMatrix();
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);
        DrawBlackSquare();
    glPopMatrix();
    DrawRedSquare();
glPopMatrix();
DrawBlueSquare();
```

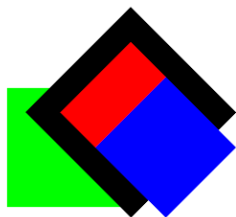
aktualna
macierz:



Transformacje w OpenGL

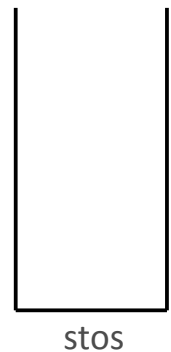
- Zapamiętywanie stanu macierzy na stosie
 - `glPushMatrix()` powoduje, że **aktualny stan** macierzy zostaje zapamiętany na stosie
 - `glPopMatrix()` **zdejmuje ze stosu** ostatnio zapamiętany stan i **przywraca go**
 - Możliwe jest wielokrotne **zagnieżdżanie**
 - Przy czym należy pamiętać, że zawsze przywracamy ostatni stan

Podgląd rezultatu:



```
glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
glLoadIdentity();
DrawGreenSquare();
glTranslatef(2.0f, 0.0f, -1.0f);
glRotatef(45.0f, 0.0f, 0.0f, 1.0f);
glPushMatrix();
    glTranslatef(0.0f, 1.0f, 0.0f);
    glPushMatrix();
        glScalef(1.5f, 1.5f, 1.0f);
        DrawBlackSquare();
    glPopMatrix();
    DrawRedSquare();
glPopMatrix();
DrawBlueSquare();
```

aktualna
macierz:





Zachodniopomorski
Uniwersytet
Technologiczny
w Szczecinie



<http://bazyluk.net/dydaktyka>



Wydział
Informatyki

Bartosz Bazyluk

Grafika Komputerowa

Wstęp do syntezy trójwymiarowej grafiki komputerowej

Grafika Komputerowa i Wizualizacja, Informatyka S1, II Rok